極低温物理におけるゼオライトの利用

1. はじめに

実に多彩にあるゼオライトの利用法のなかでも, ガスの吸着やモレキュラーシーブは非常にポピュラ ーな利用法である。しかしながらゼオライト細孔の 中にある吸着ガスがどのような状態にあるのかはま だ十分には明らかになっていないように思われる。 モルデナイトなどの真っ直にのびた1次元トンネル の中にあるArやXeについては高石¹⁰らの一連の研 究があり,適当な温度や吸着量で1次元ガスの存在 が知られるようになった。一方吸着ガスの振舞を調 べることにより,逆にゼオライトそのもののキャラ クタライゼーションが可能である。伊藤らのXeの NMR²⁰からはカチオンポテンシャルや細孔径に関 する情報が得られている。

ゼオライトの門外漢である我々の専門の極低温物 理において,極低温でのヘリウムは最も興味の持た れているものの一つである。バルクの液体⁴He は絶 対温度2.18Kで超流動状態になる。また⁸He はフェ ルミ縮退ののち2mK程度の温度で⁴He とは異なっ たタイプの超流動になる。また圧力を加えて固体に した³He の核スピンの磁気秩序も大きな量子効果に 起因する性格を持っている。このバルクの⁸Heや ⁴He に対して graphite などの平らな固体表面上に 吸着したヘリウム薄膜については比較的多くの研究 が行われ、基盤のポテンシャルや2次元の特徴を反 映する新たな様相を示すことが明らかになってきた³。

ゼオライトの吸着空間に注目すれば直径が10Å級の細孔が規則的にあき,種類によりL型のように1次元トンネルやY型のように3次元的につながったものがある⁴⁾。また最近では孔径が20あるいは30Å級細孔がヘクトライトなどで作られている⁵⁾。我々は、これらのゼオライト中で超流動などを見出すことを目的として,極低温における吸着ヘリウムの運動状態を調べている。

2. 等量吸着熱と比熱

ゼオライト中でのヘリウムの状態を調べるため,

東京大学教養学部 和 田 信 雄

我々は様々な吸着量 nにおいて,吸着ヘリウムと平衡状態にある非吸着ガスの圧力 pをおよそ 10 K以上の温度において $1\sim10^4$ Pa の圧力範囲で測定した。また我々は比熱測定をおよそ 15 Kから 80 mK に至る温度で行った。

$$q_{\rm st} = -R \frac{\partial \ln p}{\partial (1/T)} \tag{1}$$

n = const.

ここでRはガス定数である。図1の白丸は K-L ゼ オライトについて⁴He の圧力測定からもとめた各吸 着量での q_{st} ⁷⁾で, 実線はそれをつないだものであ る。 q_{st} は吸着したへリウムをゼオライトから脱着 させるのに必要な熱量をあたえる。非吸着ガスはい



白丸とそれを結ぶ実線は圧力測定から, また破線は比熱測定から求めた。

$$q_{\rm st} = \frac{5}{2} RT - \frac{\partial E_{\rm s}}{\partial n} \tag{2}$$

と表わせる。この式は吸着 He のモル微分内部エネ ルギー $\partial E_s / \partial n \geq q_{st} \geq o$ 関係を与える。 20 K あ るいは 10 K 以下では吸着圧力が極めて小さくなるた め q_{st} は測定できない。低温では圧力測定に代わっ て比熱から求める。この温度域では吸着ガスの脱着 による熱損失は無視できるから $\partial E_s / \partial n \geq$ 熱容量 *C* とは

$$\frac{\partial E_{s}}{\partial n} = \frac{\partial E_{s} (T=0 \text{ K})}{\partial n} + \int_{0}^{T} \frac{\partial C (T')}{\partial n} dT'$$
(3)

の関係を持つ。低温での q_{st}の温度変化は(2)と(3) 式を使って

$$q_{\rm st} = \frac{5}{2} RT - \frac{\partial E_{\rm s}(T=0\,\rm K)}{\partial n} - \int_0^T \frac{\partial C(T')}{\partial n} dT'$$
(4)

と表わすことができ、比熱データから q_{st} を実験的 に求めることができる。一例を図1に示す。破線は 各吸着量で比熱から求めた q_{st} であり、圧力測定で 求めた高温の q_{st} (実線)と一致するように ∂E_s (T= 0K)/ ∂n (= $-q_{st}$ (T=0K))を定めている。こうし て吸着圧力と比熱測定からT=0K に至るまでの q_{st} を求めることができた。

比熱測定からは、この他に吸着 He の極低温での 運動状態について重要な情報を得ることができる。 吸着 He がガスや液体それに固体のいずれの状態に あるかにより、その比熱の大きさや温度依存は全く 異なる。更に液体やガスが超流動やフェルミ縮退し たときも、それぞれ特徴のある比熱を示す。

3. ゼオライト中ヘリウムの層形成

ヘリウム原子はハードコアが2.5Åであるが、ゼロ 点振動が大きいために固体や液体ではそれぞれ3.5 Åや4Å程度の原子間距離をもつ。一方L型および Y型のゼオライトは10Å程度の細孔直径を持つ。し たがって孔径はHe原子の僅か3~5倍程度である。 我々はこのゼオライト中の³Heおよび⁴Heの極低温 での状態を次のように明らかにしてきた。

L型ゼオライトの場合の細孔は、断面が直径 13 Å 程度の cage が 7.5 Åの周期で直径 7.4 Åのaperture を介してまっすぐに繋った 1 次元トンネル構造を持 っている。我々の使用した試料(東ソー, TSZ-506) は cage 当り約4 個のK⁺ イオンを framework に持 っており,主に cage の内壁に顔を出している。温 度が 4.2 K での等温圧力測定によれば,このトンネ ル細孔に一杯につまる ⁴He (full pore)の吸着量は 1 個の cage あたり 21 個である。

図1はこの K-L ゼオライトに吸着した⁴He の等 量吸着熱 q_{st} の温度依存を示す。図2にはT=0Kに おける q_{st} の値を吸着量 nに対してプロットしてい る。 q_{st} (T=0K)はnに対して階段的に変化してお り、 $n_c \sim 8$ atoms/cage (full poreの38%)をこえ たところで1.1kJ/molの一定値をとる。 q_{st} の階段 的変化の原因は2つの可能性が考えられる。1つは、 ある吸着ポテンシャルを持つ基盤上にポテンシャル の更に深くなった局在サイトが点在している場合で あり、He が局在サイトを埋め尽くす前後で階段状 の変化をする。2つめは、He が多層膜を形成する 場合である。1層目や2層目がはじまる各吸着量あ たりで、 q_{st} は一定になる。実際固体表面上Arの多 層吸着では q_{st} の階段的変化が観測されている。



図2 K-Lゼオライトに対する⁴HeのT=0K
 での等量吸着熱 q_{st} (T=0K)

我々は full pore に至る色々な吸着量で極低温比 熱を測定した。そのデータから 0.2 から 1.4 Kの各一 定温度で熱容量Con依存を求めたのが図 3 である。 ここで試料セルは 1 atoms / cage が 0.217 mmol の吸 着 4 He 量に対応している。吸着量を増やしていくと Cは少し大きくなったあと、丁度 $n \sim n_c$ で極小値を とる。そして n_c を超えるとCは急に大きくなる。図 の破線は n_c をこえた 4 He がトンネルに沿って 1 次 元古典ガスの運動をすると仮定した場合の熱容量 $R/2 \times (n - n_c)$ である。ここで断面内の振動は極低





破線は n_c 以上で $(n-n_c)$ の⁴He が1次元ガスである 場合の等温比熱を示す。

温で基底状態にあるため、断面内振動による比熱は 無いと仮定している。T=1.4Kでのモル微分比熱は n_c を超えたところで $\partial C/\partial n \sim R/2=4.1$ J/K/mol となり、1次元古典ガス程度である。nを更に増す と $n\sim15$ atoms/cage をこえてからCは再び小さく なる。

トンネル細孔の構造と q_{st} とCから,温度が1K あたりでは図4に示すような吸着⁴Heの状態が考え られる。吸着量が十分小さいときは、主に内壁の吸 着ポテンシャルを考える必要がある。トンネルの細 孔は cage と aperture により周期的にデコボコして いる。また K^+ と(AlO₂)⁻の電気双極子が付近に作 る電場によって He へのファンデルワールス力が増 強されて, K⁺ カチオンに局在ポテンシャルが存在 するはずである。したがって⁴He は図4(a)のよう に cage の K^+ 近くに局在していると考えると、 $n \leq$ n。でガスの比熱よりずっと小さな熱容量が理解で きる。 n が n に近付くに従い、 ポテンシャルの谷に 吸着させられた He どうしの斥力ポテンシャルが増 加して、⁴Heの $\partial E/\partial n$ が増える。そして $q_{st}(T=$ 0K)は2.1から1.1kJ/molに急激に変わっていく。 $n=n_c$ (図4(b)) になると cage にあるポテンシャ ルの谷に隙間なく⁴He が埋まってしまい,熱振動す ら押さえられてCの等温変化(図3)は極小をとると 考えられる。Graphite に吸着したヘリウムでも1 層完了の時, Cの等温変化は同じように極小を持 つ⁸⁾。 $n_{\rm s}$ を越えて⁴He を吸着したとき, $q_{\rm st}(T=0)$ K) は一定であり、比熱は1次元ガスの大きさを持 つ。従って $(n-n_{\bullet})$ の⁴He は1次元トンネル中を1



(a):吸着量が少ないとき He はカチオンに局在する。 (b): $n = n_c$ でポテンシャルの谷は He で埋め尽くされる。(c): $n \ge n_c$ では $n - n_c$ の He がトンネルに沿って1次元的な運動をする。

次元ガス的に運動しており相互作用による $\partial E/\partial n$ (T=0K) = ($-q_{st}$ (T=0K))の変化はない。吸着量 を更に増すと1次元トンネル中を並進運動する⁴He の数は増えてガスよりもむしろ液体になると考えら れる。 $n\sim15$ atoms/cage の比熱の温度変化は2 \leq $T \leq 10$ K でちょうど $C/n = \alpha T$ ($\alpha = 1.0$ J/K²/mol) で表わされる。He やH₂の様に零点振動の大きな分 子のバルク液体は超流動や固化温度以上で同様な比 熱の大きさと温度依存を示す⁹⁰。吸着量nをfull pore あたりにすると熱容量は小さくなり、固体程度の大 きさになる。10 Å 級細孔では full pore あたりで He が固化するためと考えられる。

次にY型ゼオライト中 He について考える。この 細孔構造は13Åの cage が4個の直径8Åの aperture で互いに3次元的につながっている。同じ細 孔構造を持つY型でも framework はAl/Si比やカ チオンの種類が異なるものが作られている. 図5は Al/Si=0.4 でNa⁺カチオンを持つNa-Y (Linde, SK-40)と, Al/Si比が0.014 と小さいSilica-Y (東ソー, 380-HUA)について q_{st} (T=0K)のn依



存を示している^{10,11)}。どちらも矢印で示した吸着量 を越えると平らになり階段的変化をしている。ここ でnが小さい方の矢印の吸着量を n_0 , 大きい方を n_c と表わすことにする。full poreの吸着量はNa-YとSilica-Yでそれぞれ27.5および33 atoms/cage であり、 n_c は full poreの 38 および 36 % である。

吸着量が少ないとき、 q_{st} (T=0K)は細孔壁のポ テンシャルの最も低いところにある⁴He のエネルギ - (=-g_{st}(T=0K))を表わす。比熱の温度変化は Na-YとSilica-Yともに $n \leq n_0$ では低温で活性化 型を示す¹²⁾。 n_0 をこえると q_{st} (T=0K) は Na-Y とSilica-Yともに同じ大きさ 1.25 kJ/mol になる。 これはNa-YでのNa⁺と(AlO₂) が作る電気双極子 あるいはSilica-Yでは細孔壁の一部にできた局在 ポテンシャルを n_0 の⁴He で埋めたあと、 n_0 を越え た量の⁴Heが(SiO₂)より作られた細孔壁に吸着し たと考えられる。Na-YのNa⁺を他のカチオンで置 換したYゼオライトは電気双極子の大きさが変わり、 ^⁴He にたいする局在ポテンシャルの深さも変化する。 Na⁺の場合の深さは図 5 から約 0.35 k I/mol (40 K) だが、Ca²⁺の場合では1.4 kJ/mol (170 K) 以上あ る¹⁸⁾。⁴Heの q_{st} 測定から求めたカチオンのポテン シャルの深さに対応する双極子電場の大きさは、 Ca²⁺, Na⁺, H⁺の順番で小さくなっている。今回 の実験に使用した Silica-Y はカチオン数は少ない が, cage 当り1 個程度の⁴He を局在させるポテン シャル深さ 0.18 kJ/mol (22 K)のサイトがある。 n =1 atoms/cage の吸着量では ⁴He はこのサイトに あって熱振動しており、比熱の結果は3次元調和振



図6 Silica-Yゼオライト中⁴He の極低温比熱

動子のEinstein模型で特性温度をそれぞれ 125 K, 125 K, 30 K とした場合と良く一致する¹¹⁾。

吸着量を増やすと、 q_{st} (T=0K)は Na-Y と Silica-Yともにほぼ同じ吸着量 (n_c) を越えてから 一定になる。また等温比熱もn。で極小となる。 n。 の吸着量は full pore の 38 および 36% であり、 こ の割合はK-Lゼオライトで固層ができる n_e の full poreに対する割合(38%)とほぼ一致する。したが ってY型ゼオライトでも、丁度 n. で1層が完了し ている。Silica-Yの場合のn,~12 atoms/cage に ついて,図6にC/n対T²で比熱をプロットしてい る。n。での比熱はおよそ4K以下でT²に比例する ことがわかる。これは2次元固体であるために、デ バイ温度より低い温度で T² 依存をするためと考え られる。n がn、を越えたn=14 atoms/cageのとき, 比熱は図6に示すようにおよそ1Кから4Кの温度 $\mathcal{C}/n = \alpha T^2 + \beta (\alpha = 0.12 \text{ J/K}^3/\text{mol}, \beta = 0.5 \text{ J/}$ K/mol)と表わされる。 β の値はn-n。の He が寄 与していると考えれば、大きさは 3.5 J/K/molとな って、ガスの比熱と思われる。更に吸着量を増すと 18 atoms/cageあたりでは、およそ1K以上で温度 に比例した液体の比熱になる。

4. ゼオライト中の量子流体

L型やY型ゼオライト中で⁴He がガスや液体状態 であれば,温度を下げればボース粒子として量子効 果による超流動になることが期待される。またフェ ルミ粒子である³He はフェルミ縮退することが考え られる。単に質量が異なるヘリウムでありながらこ のような量子流体になると状態が全く異なるため, 吸着量あるいは密度を同じにしても,極低温で比熱 などに明瞭な違いが生じることはバルク液体でよく 知られている。

一例として図7に示すのは、Na-Yゼオライト中 に吸着した³He と⁴He について、2 層目が液体と考 えられる吸着量あたりでの1K以下の比熱を示した ものである。温度を下げると⁴Heの場合は単に小さ くなっていくだけである。しかし⁸He の場合はn=14.5 および 16.4 atoms/cage でそれぞれ hump を持 ったり、逆に大きくなったりして、明らかに⁴Heの 場合と温度依存は異なる。この温度付近でのバルク 液体⁸Heの比熱は超流動状態である⁴He に比べてず っと大きく,温度依存も 0.2K あたりで hump を持っ たあと低温でフェルミ液体になる。図7の吸着⁸He の比熱では第1層の³He (n.の量)は固体のため比 熱に寄与せず, $n-n_c$ の³Heのみによるとすれば, 図7でC/nを $n/(n-n_c)$ 倍したのが第2層目の⁸He の本当のモル比熱となり、バルク³Heと同程度の大 きさとなる。したがって比熱の結果はゼオライト中



図7 Na-Yゼオライト中⁴He と³He の低温比熱

で³He がフェルミ液体になっていることを強く示唆 している。

この量子流体へのゼオライト細孔のトポロジーや 吸着ポテンシャルの影響を考える。 第1層の吸着 Heがポテンシャルの谷を埋め、第2層目のHeの細 孔壁に沿った並進運動にたいしポテンシャル障壁を 全くつくらない場合、L型では1次元、3次元細孔 のY型では3次元量子流体ができているだろう。-方第1層目のHe が第2層目のHe に対する吸着ポテ ンシャルを完全には滑らかにすることはできず、た とえば cage から cage への2層目のHeの移動に対 して温度にして1K程度のポテンシャル障壁がある と仮定する。このとき、1K以上ではガスまたは液 体として細孔中を運動できても、1K以下ではそれ ぞれの cage の中に有限個のHeが入って量子クラス ターを作る。いわばゼロ次元の量子流体をはじめて 作ることになる。最近の理論計算では量子クラスタ -の模型で図7のような³Heの比熱のhumpが再現 されている14)

ゼオライトの細孔直径は大きなもので10Å程度が 一般的だが,最近ではより大きな孔径の物質も合成 されている。一例としてヘクトライト無機層間化合 物で層間が17から20Åのピラーで支えられた細孔 中⁵⁰に⁴Heを満たした場合の最近の比熱の測定結果 をC/n/T対Tで図8に示す¹⁵⁰。1.7Kで超流動転移 によるピークが現われている。 バルクの液体 ⁴He では2.18Kで超流動転移にともなり比熱のピークが 現われる。20Å程度の細孔直径にすると転移温度は 下がるが, full pore でも超流動がはっきりと観測 された。



図8 20Å級の細孔をもつヘクトライト中の full pore ⁴He の比熱

5. おわりに

ヘリウム原子の大きさの僅か数倍の細孔を持つL およびYゼオライト中吸着⁴Heと³Heの極低温での 状態を明らかにした。これらのゼオライトに吸着さ れたヘリウムは、細孔壁にできたカチオン等のポテ ンシャルの谷に先ず局在させられる。吸着量が full poreの40%弱で、細孔壁が1層の固体で埋め尽く される。そして更に吸着量を増して40~70%あた りにすると、極低温で固体の層の上にガスや液体の ヘリウムが存在すると結論できる。一層月のヘリウ ムの厚さを考慮すれば、10Åより小さい細孔中での ヘリウムガスや液体である。このガスや液体を1K 以下に冷却したとき、比熱の結果は第2層吸着³He や⁴Heの量子流体の可能性を示唆している。10 Å級 細孔では full pore では量子流体は存在しないが、 20Å級の細孔では⁴Heの超流動が見出された。これ らの量子流体は細孔のトポロジーやポテンシャルの 影響を反映して0次元から3次元までの新たなタイ プの量子流体であることが期待される。

ゼオライト中へリウムの研究からは、逆にゼオラ イトのキャラクタライゼーションができる。カチオ ンの電気双極子の大きさや細孔の大きさ等の情報が 得られている。ゼオライトの化学と極低温物理との 相補的な交流により、両方の分野での新しい研究の 展開が期待される。

参 考 文 献

- 高石哲夫:固体物理, 18 (1983), 706.
 T. Takaishi: Proceedings of the 7th IZC (Kodansha, Tokyo, 1986), p. 511.
- 2) 伊藤太郎: ゼオライト, 6 (1989), 5.
- 3) D. S. Graywall: Phys. Rev., B41 (1990), 1842.
- 4) D. W. Breck: "Zeolite Molecular Sieves" (John Wiley and Sons, New York, 1974).
- 5) 鳥居, 岩崎ほか:日本化学会誌, 3(1989), 345.
- 6) D. M. Young and A. D. Crowell (高石, 古山共訳): 「ガスの物理吸着」(産業図書, 1967).
- 7) H. Kato, K. Ishioh, N. Wada and T. Watanabe: J. Low Temp. Phys., 68 (1987), 321.
- 8) M. Bretz et al.: Phys. Rev., A8 (1973), 1589.
- 9) A. F. Andreev: Sov. Phys. JETP Lett., 28 (1978), 556.
- 10) N. Wada, K. Ishioh and T. Watanabe: J. Phys. Soc. Jpn. 投稿中.
- 11) H. Kato, N. Wada and T. Watanabe: J. Low Temp. Phys. 投稿予定.
- 12) H. Kato, N. Wada, T. Ito, S. Takayanagi and T. Watanabe: J. Phys. Soc. Jpn., 55 (1986), 246.
- 13) N. Wada: Proceedings of the 7th IZC (Kodansha, Tokyo, 1986), p. 625.
- 14) 田崎秀一:私信.
- 15) 和田信雄, 矢野英雄: '91 春の物理学会 24 a ZB7.